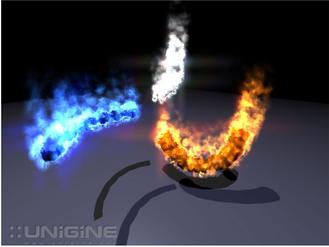


# Virtuelle Realität Partikelsysteme

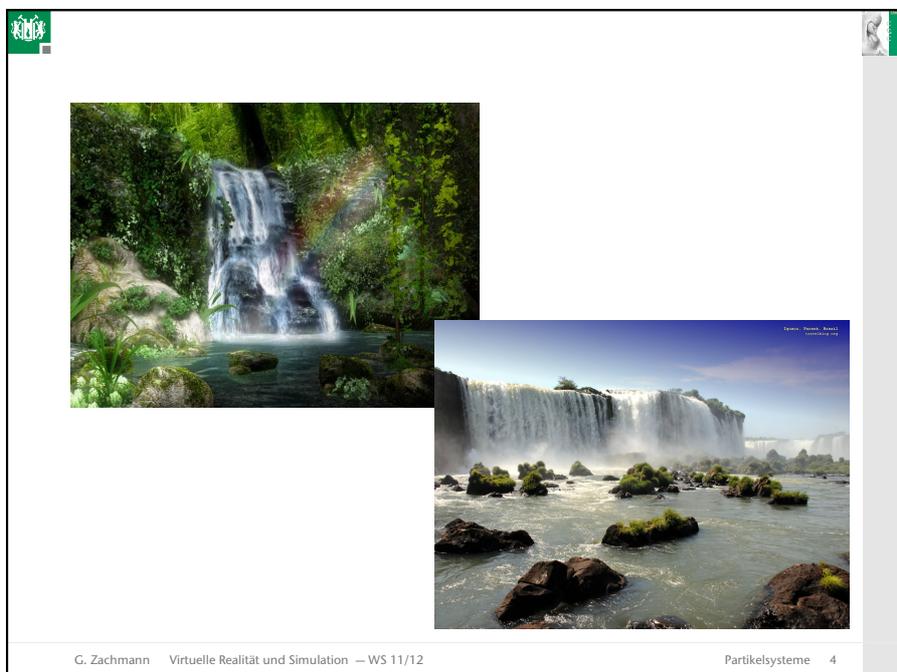


G. Zachmann  
Clausthal University, Germany  
[cg.in.tu-clausthal.de](http://cg.in.tu-clausthal.de)

 Modellierung/Simulation/Rendering natürlicher Phänomene 



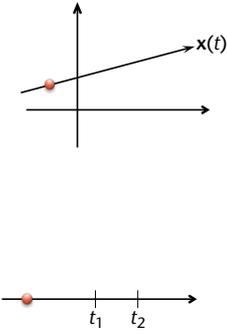
G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation — WS 11/12 Partikelsysteme 2





## Dynamik eines Massenpunktes

- Definition **Partikel**:  
Ein Partikel ist ein ideeller Punkt mit einer Masse  $m$  und einer Geschwindigkeit  $\mathbf{v}$ .  
→ Die Orientierung ist irrelevant
- Bahn eines Partikels:  $\mathbf{x}(t)$
- Geschwindigkeit:
 
$$\mathbf{v} = \frac{\text{Weg}}{\text{Zeit}} = \frac{\mathbf{x}(t_2) - \mathbf{x}(t_1)}{t_2 - t_1}$$
- Einheit:  $m/s$
- Beachte: Geschwindigkeit = Vektor  
Ort des Partikels = Punkt!

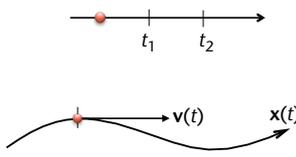


G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 7

- Momentangeschwindigkeit:
 
$$\mathbf{v}(t_1) = \lim_{t_2 \rightarrow t_1} \frac{\mathbf{x}(t_2) - \mathbf{x}(t_1)}{t_2 - t_1}$$

$$= \frac{d}{dt} \mathbf{x}(t_1) = \dot{\mathbf{x}}(t_1)$$
- Beispiele:
  - Punkt bewegt sich auf Kreisbahn →  $\|\dot{\mathbf{x}}\|$  ist konstant
  - Punkt beschleunigt auf Gerade →  $\frac{\ddot{\mathbf{x}}}{\|\dot{\mathbf{x}}\|}$  ist konstant
- Beschleunigung :
 
$$\mathbf{a}(t) = \frac{d}{dt} \mathbf{v}(t) = \dot{\mathbf{v}}(t) = \frac{\mathbf{F}(t)}{m}$$

↑  
Newtons 2. Gesetz



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 8

## Euler-Integration

- Gegeben: ein Partikel der Masse  $m$ ; eine Kraft  $\mathbf{F}(t)$ , die auf das Partikel über die Zeit wirkt
- Gesucht: die Bahn  $\mathbf{x}(t)$  des Partikels
- Analytischer Ansatz:
 
$$\mathbf{v}(t) = \mathbf{v}_0 + \int_{t_0}^t \mathbf{a}(t) dt$$

$$\mathbf{x}(t) = \mathbf{x}_0 + \int_{t_0}^t \mathbf{v}(t) dt$$
- Diskretisieren und Linearisieren:
 
$$\mathbf{v}^{t+1} = \mathbf{v}^t + \mathbf{a}^t \cdot \Delta t$$

$$\mathbf{x}^{t+1} = \mathbf{x}^t + \mathbf{v}^t \cdot \Delta t$$
 oder
 
$$\mathbf{x}^{t+1} = \mathbf{x}^t + \frac{\mathbf{v}^t + \mathbf{v}^{t+1}}{2} \Delta t \quad (\text{approx. midpoint method})$$

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 9

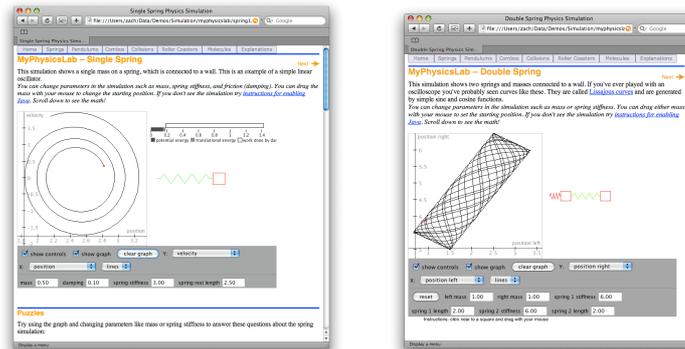
## Der Phasenraum

- Der (physikalische) momentane Zustand eines Partikels ist **vollständig** beschrieben durch
 
$$\mathbf{q} = (\mathbf{x}, \mathbf{v}) = (x_1, x_2, x_3, v_1, v_2, v_3)$$

$$= (x_1, x_2, x_3, \dot{x}_1, \dot{x}_2, \dot{x}_3) \in \mathbb{R}^6$$
- Der Raum aller möglicher Zustände heißt **Phasenraum** (*phase space*)
- Die Dimension ist  $6n$ ,  $n$  = Anzahl Partikel
- Bewegungsgleichungen im Phasenraum:
 
$$\dot{\mathbf{q}} = (\dot{x}_1, \dot{x}_2, \dot{x}_3, \dot{v}_1, \dot{v}_2, \dot{v}_3) = \left( v_1, v_2, v_3, \frac{\mathbf{f}_1}{m}, \frac{\mathbf{f}_2}{m}, \frac{\mathbf{f}_3}{m} \right)$$

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 10

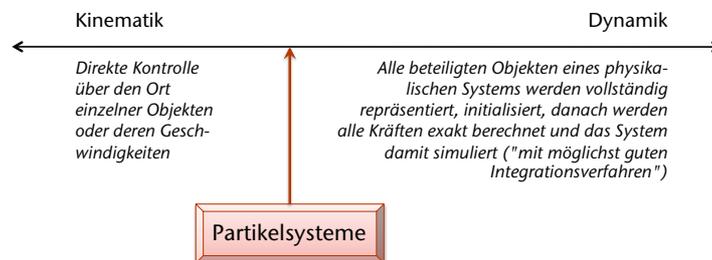
- Beispiel für ein Partikel, das sich nur auf der x-Achse bewegen kann und durch eine Feder in einer Ruhelage gehalten wird:



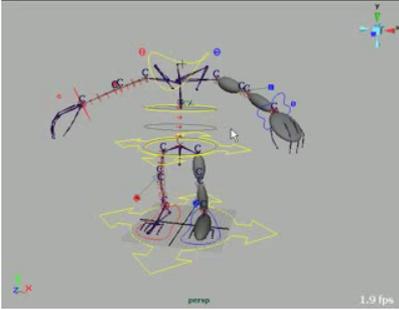
[www.mypysicslab.com](http://www.mypysicslab.com)

## Kinematik versus Dynamik

- Begriffe:
  - Kinematik = Bewegung von Körpern **ohne** Simulation von Kräften
  - Dynamik = Simulation / Berechnung von Kräften und die daraus resultierende Bewegungen der Objekte
- In der Computergraphik bewegt man sich in einem Kontinuum:



■ Beispiel für reine Kinematik: inverse Kinematik



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 13

## Partikelsysteme

■ Definition: Ein Partikelsystem besteht aus

1. Einer Menge von Partikeln; jedes Partikel  $i$  hat (mindestens) folgende Attribute:
  - Masse, Position, Geschwindigkeit ( $m_i, \mathbf{x}_i, \mathbf{v}_i$ )
  - Alter  $a_i$
  - Kräfteakkumulator  $F_i$
  - evtl.: wie z.B. Farbe, Transparenz, Optische Größe, Lebensdauer, Typ/Art ...
2. Einer Menge Partikelquellen; jede ist beschrieben durch
  - Form der Partikelquelle
  - Stochastische Prozesse, die die initialen Attribute der Partikel festlegen (Geschwindigkeit, Richtung, etc.)
  - Stochastische Prozesse, die die Anzahl der erzeugten Partikel pro Frame festlegen
3. Weitere (globale) Parameter, z.B.
  - TTL (time to live) = max. Lebensdauer eines Partikels
  - Globale Kräfte (z.B. Gravitation, Wind, ...)
  - die Algorithmen, die die Partikel bewegen und rendern

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 14

- **Stochastischer Prozeß =**
  - Im einfachsten Fall: Mittelwert + Varianz; Prozeß liefert zufälligen Wert gemäß Gleichverteilung
  - Etwas komplizierter: Mittelwert und Varianz sind Funktionen der Zeit
  
- **Form der Partikelquelle:**
  - Ist intuitive Art, den stochastischen Prozess für die initiale Position von Partikeln zu beschreiben
  - Häufig: Kreisscheibe, Würfel, Kegel, etc.

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 15

## Das Execution Model

- Der Ablauf eines Partikelsystems:

```

loop forever:
  rendere alle Partikel
  Δt := Rendering-Zeit
  kille alle Partikel mit Alter > TTL (max. Lebensdauer)
  erzeuge neue Partikel an der Quelle
  lösche alle Kräfteakkumulatoren
  berechne alle Kräfte auf jedes Partikel (akkumuliere diese)
  aktualisiere Geschwindigkeit (ein Eulerschritt mit Δt)
  modifiziere gegebenenfalls Geschwindigkeiten (*)
  aktualisiere Positionen (ein weiterer Eulerschritt)
  modifiziere eventuell Positionen (z.B. wg. Constraints)
  sortiere Partikel nach Tiefe (für Alpha-Rendering)
  
```

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 16

## Bemerkungen

- Hier gibt es viel Raum für Optimierungen, z. B.
  - Gravitationskraft gleich beim Löschen des F-Akkumulators setzen
  - Nicht bei jedem Partikel händisch das Alter inkrementieren, sondern Zeit  $t_{\text{gen}}$  der Entstehung speichern, dann nur noch  $t_{\text{current}} - t_{\text{gen}} > \text{TTL}$  testen
    - Wird später bei paralleler Implementierung wichtig
- Zu (\*) im Algorithmus:
  - Ist "un-physikalisch", erlaubt aber bessere kinematische Kontrolle durch den Programmierer / Animator
  - Ist auch bei Kollisionen nötig
- Der Rest ist Intuition und Kreativität ...
- Oft speichert man eine kleine Historie der Positionen der Partikel, um einen einfachen "motion blur"-Effekt zu erhalten
- Partikel können auch auf Grund anderer Bedingungen gekillt werden, z.B. Entfernung von der Quelle, Eintritt in einer bestimmter Region, etc.
- Achtung, für eine effiziente Implementierung kann eine "Struct-of-Array"-Datenstruktur besser sein! (SoA statt AoS)

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation — WS 11/12 Partikelsysteme 17

## Beispiel eines Partikelsystems

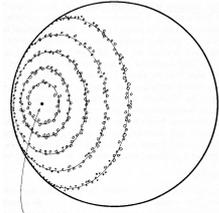
- Ausschnitt aus "Wrath of Khan":



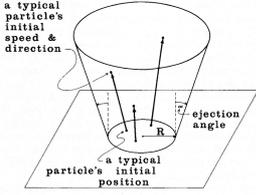
*(William Reeves, 1984)*

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation — WS 11/12 Partikelsysteme 18

- Partikelquelle = Kreis auf der Kugel um den *impact point*, der sich vergrößert



- Stochastische Prozesse für Partikelgenerierung:
  - Kegelstumpf senkrecht zu Kugeloberfläche
  - Varianz für Lebensdauer
- Farbe =  $f(\text{Alter})$



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 19

## Exkurs: die Panspermie-Hypothese

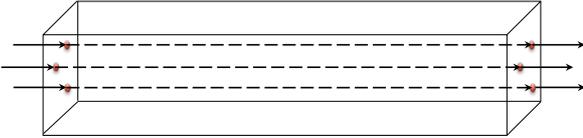


Karl Sims, 1990

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 20

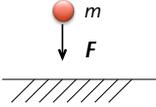
## Operationen auf Partikeln

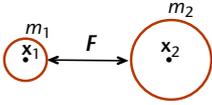
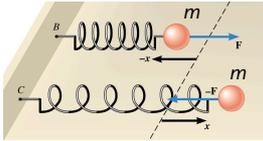
- Positionsooperationen:
  - Eher selten
  - z.B. "Tunneln"



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 21

## Physikalische Effekte

- Schwerkraft:
 
$$\mathbf{F} = m \cdot \mathbf{g} \quad , \quad g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

- Gravitation:
 
$$\mathbf{F} = G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2} \cdot \frac{\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_2}{|\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_2|}$$

$$G = 6,67 \cdot 10^{-11}$$

- Federkraft: später
 

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 22

▪ Viskose Hemmung/Dämpfung (viscous drag):

$$\mathbf{F} = -b \mathbf{v}$$

in einem ruhenden Fluid/Gas;  
oder auch

$$\mathbf{F} = 6\pi\eta r(\mathbf{v} - \mathbf{v}_f)$$

bei Fluid mit Geschwindigkeit  $\mathbf{v}_f$ , Partikel mit Radius  $r$ , Viskosität  $\eta$ ;  
oder auch

$$\mathbf{F} = -\frac{1}{2}c\rho A\mathbf{v}^2$$

bei hoher Geschwindigkeit;  $\rho$  = Dichte,  $A$  = Querschnittfläche des Körpers,  $c$  = Viskositätskonstante

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 23

▪ Elektromagnetische Kraft (Lorentz-Kraft):

$$\mathbf{F} = q \cdot \mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

wobei  $q$  die Ladung des Partikels,  $\mathbf{v}$  dessen Geschwindigkeit, und  $\mathbf{B}$  das magnetische Feld ist.



**Faraday'sches Horn**

Dauer: 45s

Inhalt: Lorentzkraft

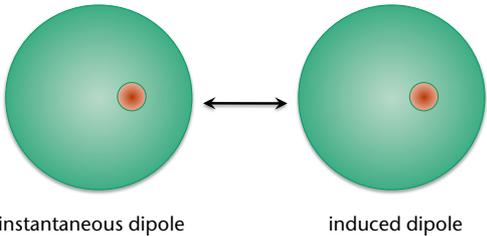
Produziert im Rahmen des eLearnPhysik Projektes

[https://elearning.mat.univie.ac.at/physikwiki/index.php/LV002:LV-Uebersicht/Videos/Lorentzkraft\\_1](https://elearning.mat.univie.ac.at/physikwiki/index.php/LV002:LV-Uebersicht/Videos/Lorentzkraft_1)

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 25

## Die Lennard-Jones-Kraft

- Zwischen neutralen Atomen gibt es zwei Arten von Kräften:
  - Eine abstoßende Kraft auf kurze Distanzen
  - Eine anziehende Kraft auf größere Entfernung (van der Waals-Kräfte oder Dispersionskraft)



instantaneous dipole                      induced dipole

G. Zachmann    Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12                      Partikelsysteme    26

- Eine (willkürliche) Approximation ist das Lennard-Jones-Potential bzw. Lennard-Jones-Kraft:

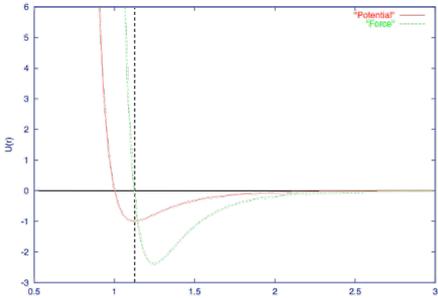
$$\mathbf{F} = \varepsilon \cdot \left( c \left( \frac{\sigma}{d} \right)^m - \left( \frac{\sigma}{d} \right)^n \right) \cdot \frac{\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_2}{\|\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_2\|}$$

wobei

$$d = \|\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_2\|$$

und

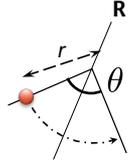
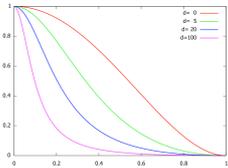
$\varepsilon, c, m, n$  (für unsere Zwecke) beliebige Konstanten sind



G. Zachmann    Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12                      Partikelsysteme    27

## Nicht-physikalische Effekte

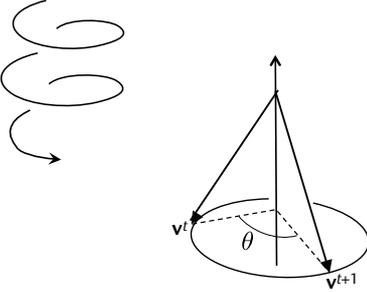
- **Strudel (vortex):** rotiere Position eines Partikels um Achse **R** und Winkel
 
$$\theta = a \cdot f(r)$$
 wobei  $a$  = "Stärke" des Vortex,  
 $r$  = Abstand Partikel – Achse, und
 
$$f(r) = \frac{1}{r^\alpha}$$
 oder
 
$$f(r) = \begin{cases} \frac{r^4 - 2r^2 + 1}{1 + dr^2} & , r \leq 1 \\ 0 & , r > 1 \end{cases}$$

- Erweiterungen:
  - Masse des Partikels einbeziehen
  - B-Spline als Achse des Vortex (für Tornados z.B.)
  - Achse des Vortex animieren

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 28

- Winkel:
  - Oftmals bewegt sich jedes einzelne Partikel auf einer spiralförmigen Bahn (z.B. in Feuer, oder Schneeflocken)
  - Idee:  
Rotiere  $\mathbf{v}$  um eine Achse mit Winkel
 
$$\theta = \sigma \cdot \Delta t$$
    - $\sigma$  kann wieder leicht zufällig variieren, ebenso die Achse
    - Die Achse und  $\sigma$  können über die Zeit animiert werden



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 29

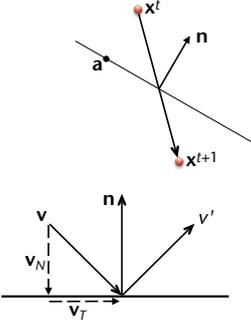
## Kollisionen

- Die wichtigste Form von geometrischen Constraints
- Zunächst: Kollision mit einer Ebene
- Test:
 
$$(\mathbf{x}^t - \mathbf{a}) \cdot \mathbf{n} > 0 \wedge (\mathbf{x}^{t+1} - \mathbf{a}) \cdot \mathbf{n} < 0$$
- Koll.-Behandlung: reflektiere  $\mathbf{v}$ 

$$\mathbf{v}_N = (\mathbf{v} \cdot \mathbf{n}) \mathbf{n}$$

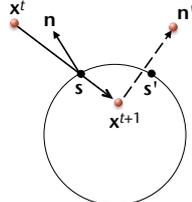
$$\mathbf{v}_T = \mathbf{v} - \mathbf{v}_N$$

$$\mathbf{v}' = \mathbf{v}_T - \mathbf{v}_N = \mathbf{v} - 2(\mathbf{v} \cdot \mathbf{n}) \mathbf{n}$$
- Erweiterung um Reibung und elastischer/inelastischer Stoß:
 
$$\mathbf{v}' = (1 - \mu) \mathbf{v}_T - \varepsilon \mathbf{v}_N$$
 mit  $\mu$  = Reibungskoeffizient (friction parameter) und  $\varepsilon$  = Federung / Elastizität (resilience)

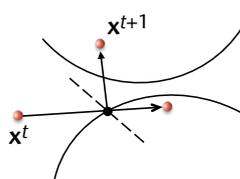
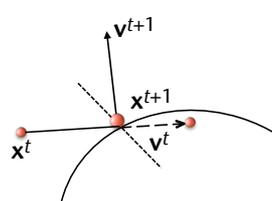


G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 30

- Fazit: Kollisionserkennung für Partikel = "Punkt-in-Geometrie-Test" bzw. Schnitttest zwischen Geradensegment und Geometrie
- Analog für Kugeln:
  - Exakten Schnittpunkt  $s$  und Normale  $\mathbf{n}$  bestimmen
  - Dann weiter wie eben
- Für Polyeder und implizite Flächen: siehe CG1
- Für Höhenfeld (Terrain): siehe CG2 (Raytracing)



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 31

- Achtung: stelle konsistenten Zustand nach der Kollisionsbehandlung her!
  - Problem: "Doppelkollisionen" an engen Stellen
  - Beispiel:
 
  - Korrekte Behandlung:
 
  - Gibt noch weitere Möglichkeiten

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 32

## Hierarchische Partikelsysteme

- Idee:
  - Ein Partikel ist seinerseits wieder ein Partikelsystem
  - Transformation des Vater-"Partikels" wirkt sich auf dessen Kind-Partikel aus (analog zu Scenengraph)
- Second-Order-Partikelsysteme:
  - Auch alle Kräfte werden durch Partikel repräsentiert
  - Diese können wechselwirken, werden an Partikelquellen geboren, sterben, etc.

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 33

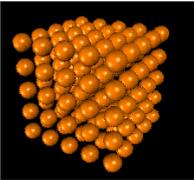
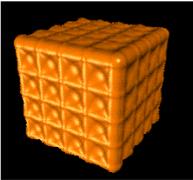
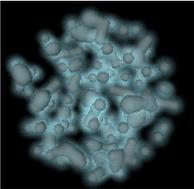
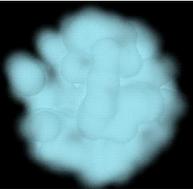
## Rendering

- Es gibt kein Standardverfahren
- Häufig:
  - Partikel als kleine Kreisscheibe (*Splat*, *Sprite*, *Billboard*) rendern
  - Meist mit Transparenz, die zum Rand abfällt
  - Benötigt Alpha-Blending!
- Alternative:
  - Farbe aller Partikel im Framebuffer akkumulieren (z.B. für Feuer)
  - Benötigt ca. 10 Partikel/Pixel

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 34

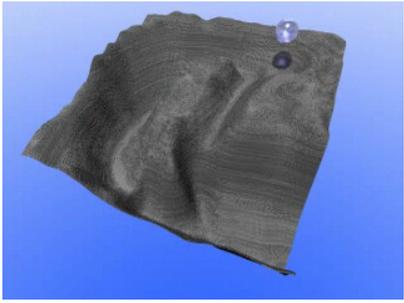
## Rendering von "blobby objects"

- Betrachte Partikel als Metaballs
  - Aus CG 2: Metaballs = spheres that blend together to form (implicit) surfaces
  - Rendering mittels Ray-Casting
  - Entweder: Nullstelle der impliziten Fläche suchen
  - Oder: "Dichte" entlang des gesamten Strahls aufsummieren und als Opazität (*opacity*) oder Leuchtdichte interpretieren

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 35

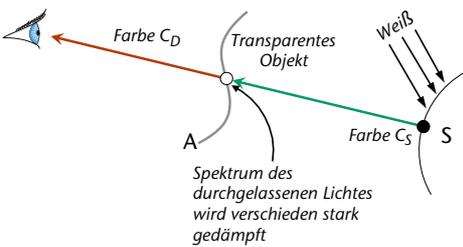
## Beispiel



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 36

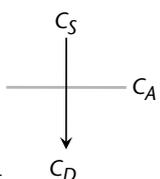
## Rendering von transparenten Objekten

- Transparenz  $\approx$  Licht wird von einem Material teilweise durchgelassen, wobei verschiedene Wellenlängen verschieden stark gedämpft werden



- Extremfall: Farbfilter

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 37

- **Approximation: Alpha-Blending**
  - $\alpha \in [0, 1]$  = Transparenz / Opacity
    - $\alpha = 0 \rightarrow$  komplett durchsichtig,
    - $\alpha = 1 \rightarrow$  komplett opak (opaque)
  - Objekt A bekommt eine transparente "Farbe"  $C_A$
  - Resultat:
 
$$C_D = \alpha C_A + (1 - \alpha) C_S$$

  - $\alpha$  wird als 4-te Komponente in Farbvektoren gespeichert
- Beim Rendern führt die Graphikkarte folgende Operationen aus:
  - Color aus Framebuffer lesen  $\rightarrow C_S$
  - Formel auswerten  $\rightarrow C_D$
  - $C_D$  in Framebuffer schreiben

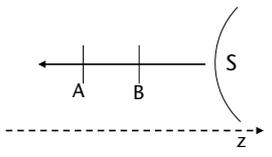
G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 38

- **Achtung bei mehreren transparenten Objekten hintereinander!**
  - Erst A, dann B  $\rightarrow$  B wird durch z-Test gekillt
  - Naive Idee: Z-Buffer abschalten
  - Erst A dann B (ohne z-Test) ergibt:
 
$$C'_D = \alpha_A C_A + (1 - \alpha_A) C_S$$

$$C_D = \alpha_B C_B + (1 - \alpha_B) C'_D$$

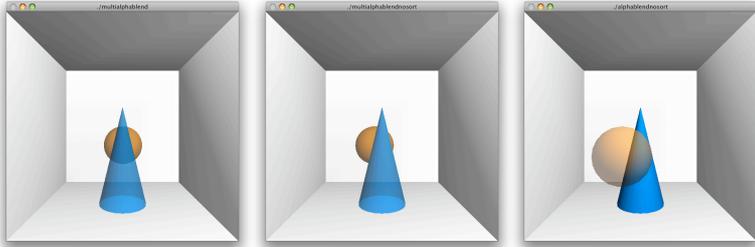
$$= \alpha_B C_B + (1 - \alpha_B) \alpha_A C_A + (1 - \alpha_B) (1 - \alpha_A) C_S$$
  - Erst B, dann A (ohne z-Test) ergibt:
 
$$C'_D = \alpha_B C_B + (1 - \alpha_B) C_S$$

$$C_D = (1 - \alpha_A) \alpha_B C_B + \alpha_A C_A + (1 - \alpha_B) (1 - \alpha_A) C_S$$
- Fazit: **man muss die Polygone/Partikel von hinten nach vorne rendern**, selbst dann, wenn der Z-Buffer abgeschaltet wird!



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 39

▪ Beispiele:



```
% cd VR/demos/alphablending; ./multialphablend; ./multialphablendnosort; ./alphablendnosort
```

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 40

▪ In Open GL:

- Einschalten mit:
 

```
glEnable( GL_BLEND );
```
- Blending-Funktion festlegen:
 

```
glBlendFunc( GLenum s, GLenum d );
```

`GL_SRC_ALPHA, GL_ONE_MINUS_SRC_ALPHA` →

$$C'_D = \alpha C_A + (1 - \alpha) C_B$$

wobei  $C_D$  die Farbe aus dem Framebuffer ist;
- Es gibt noch viele andere Varianten, z.B. kann man damit die Farben auch einfach aufakkumulieren (`GL_ONE, GL_ONE`)

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 41

## Partikel-Systeme-Demos

<http://www.ihlabs.com/java/particles.html>

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation — WS 11/12 Partikelsysteme 42

## Flammen [2002]

- Ziel:
  1. Glaubhaft aussehende Flammen
  2. Möglichst **volle Kontrolle** über die Flammen
- Das Modell:
  1. Einzelne Flammen (-elemente) durch parametrische Kurven modellieren → "spine" der Flamme
  2. Kontrollpunkte als Partikel simulieren
  3. Zylindrisches Profil um den Spine ergibt Oberfläche der Flamme (wo Oxidation = Verbrennen stattfindet)
  4. Der Raum in der Nähe der Oberfläche wird mit Partikeln gesampelt
  5. Rendern der Partikel (entweder volumetrisch, oder mit Alpha-Blending)
- Kontrollelemente:
  - Länge der Spines
  - Lebensdauer der Partikel
  - Intensität (=Anzahl Partikel), Quellen, Richtung, Wind, etc
  - Farbe und Größe der Partikel

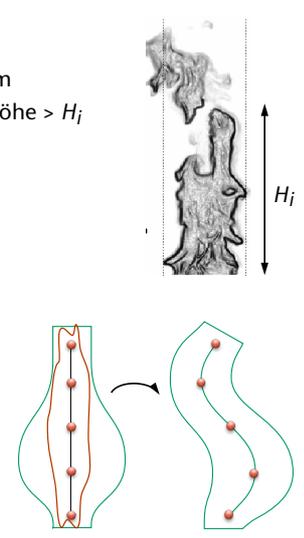
G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation — WS 11/12 Partikelsysteme 43

- Generierung des *Spines*:
  - Spine-Partikel  $P$  im ersten Frame generieren
  - Dieses aufsteigen lassen (Auftrieb) und durch Wind bewegen:
 
$$\mathbf{v}_P^{t+1} = \mathbf{v}_P^t + w(\mathbf{x}_P, t) + b(T_P) + d(T_P)$$
 wobei
    - $w$  = Windfeld
    - $b$  = Auftrieb
    - $d$  = Diffusion = Rauschen;
    - $T_P$  = Temperatur des Partikels = Alter
 (Vereinfachung hier: Partikel haben keine Masse)
  - In Folge-Frames weitere solche Partikel generieren, bis Max.-Anzahl für ein Spine erreicht
  - Spine-Partikel durch B-Spline verbinden

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 44

- Aufbrechen von Flammen-Elementen:
  - Das obere Stück des Spines wird zu einem zufälligen Zeitpunkt abgetrennt, wenn Höhe  $> H_i$
  - Lebensdauer nach der Abtrennung:
 
$$A \cdot \alpha^3, \quad \alpha \in [0, 1] \text{ zufällig}$$

$$A = 0.1 \dots 2 \text{ sec}$$
- Das Profil der Flamme:
  - Rotationssymmetrisch um den Spine herum



The diagram illustrates the process of flame element detachment and rotation. The top part shows a vertical flame structure with a dashed line indicating a cut-off point at height  $H_i$ . Below this, a cross-section of the flame is shown as a green outline with a central spine (red line) and several red dots representing particles. An arrow indicates the flame's rotation around the spine, resulting in a more complex, wavy profile.

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 45

■ **Rendering:**

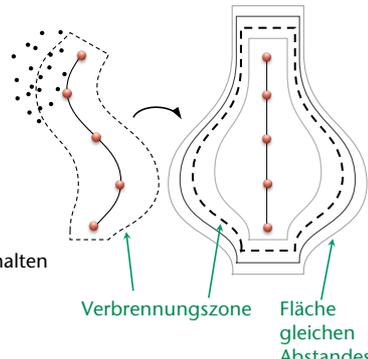
- Raum um die Flamme durch eine große Menge von Punkten sampeln gemäß der Dichtefunktion

$$D(\mathbf{x}) = \frac{1}{1 + \|\mathbf{x} - \mathbf{x}'\|}$$

wobei  $\mathbf{x}'$  der Punkt auf der (deformierten) Profilfläche ist, der zu  $\mathbf{x}$  am nächsten ist:

- Zufälliges  $\mathbf{x}$  erzeugen
- Transformieren in Modellraum
- $\mathbf{x}'$  bestimmen
- $D$  auswerten
- Falls  $D(\mathbf{x}) > \text{Zufallszahl}$  → Sample  $\mathbf{x}$  behalten

- Lege Referenzfoto als Textur auf die Profilfläche → Basisfarbe für  $\mathbf{x}$



Verbrennungszone Fläche gleichen Abstandes

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 46

- Helligkeit eines Samples an Position  $\mathbf{x}$ :

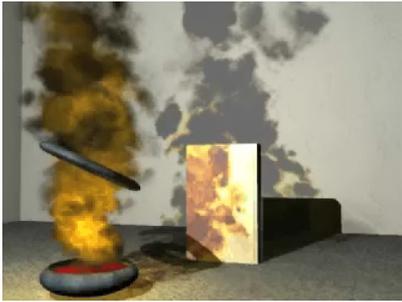
$$E(\mathbf{x}) = k \frac{D(\mathbf{x})}{n}$$

wobei  $k$  = Faktor zur Kontrolle,  $n$  = Anzahl Samples

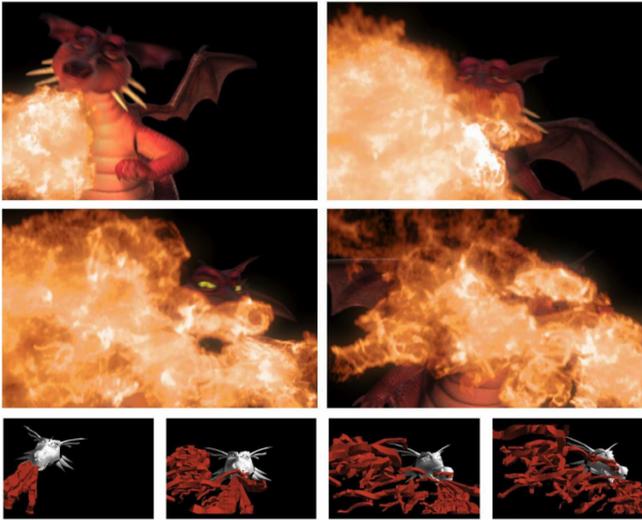
- Anzahl: ca. 10 Samples pro Pixel, ca 10,000 Samples pro Flamme
- Samples im Inneren von anderen Objekten werden verworfen
- Rauch: Samples  $>$  "Rauchhöhe" werden grau/schwarz gerendert

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 47

## Results

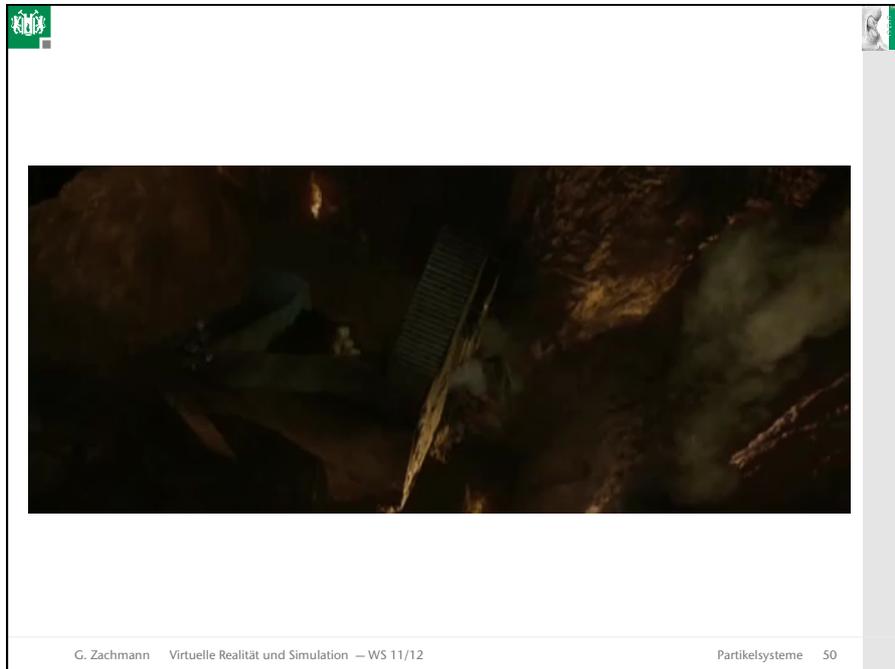


G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 48



Arnaud Lamorlette and Nick Foster, PDI/DreamWorks

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 49



### Exkurs: Procedural Modeling of Plants with Particles

- Idee: verwende Partikel, um den Transport von Flüssigkeit in einem Blatt zu simulieren
  - Bahnen der Partikel ergeben die Adern
- Axiome:
  1. Die Natur versucht, die Länge der Bahnen zu minimieren  
→ Partikel versuchen, sich auf gemeinsamen Bahnen zu bewegen
  2. Es geht keine Flüssigkeit verloren oder kommt hinzu  
→ Wenn 2 Partikel eine gemeinsame Bahn verfolgen, muss die Ader dort doppelt so dick sein
  3. Alle Bahnen gehen vom Blattstiel aus

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 51

### Übersicht des Algorithmus:

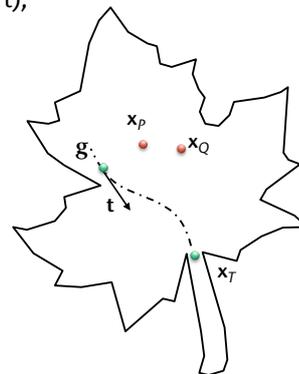
```

plaziere Partikel zufällig auf der Oberfläche des Blattes
loop bis kein Partikel übrig:
  bewege jedes Partikel in Richtung seines nächsten
  Nachbarn oder der nächsten schon existierenden Bahn,
  und in Richtung des Blattstiels
  falls Partikel bei Blattstiel angekommen ist:
    lösche dieses Partikel
  falls zwei Partikel einander "nahe genug" sind:
    verschmelze beide zu einem Partikel
  
```

### Zur Bewegung der Partikel

#### Seien

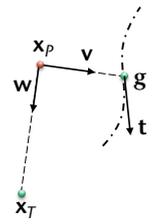
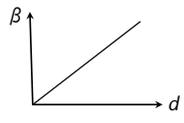
- $x_p$  = aktuelle Position des Partikels  $P$ ,
- $x_T$  = Position des Ziels (Blattstiel),
- $g$  = nächster Punkt zu  $x_p$  auf einer Bahn,
- $t$  = Tangente in  $g$  (normiert),
- $x_Q$  = nächstes Partikel zu  $P$



Falls  $\|\mathbf{x}_P - \mathbf{g}\| < \|\mathbf{x}_P - \mathbf{x}_Q\|$ :

- Setze:
 
$$\mathbf{v} = \frac{\mathbf{g} - \mathbf{x}_P}{\|\mathbf{g} - \mathbf{x}_P\|}$$

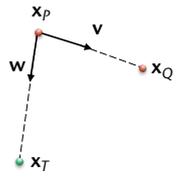
$$\mathbf{w} = \frac{\mathbf{x}_T - \mathbf{x}_P}{\|\mathbf{x}_T - \mathbf{x}_P\|}$$
- Neue Position:
 
$$\mathbf{x}'_P = \mathbf{x}_P + \alpha \mathbf{w} + (1 - \alpha) (\beta \mathbf{v} + (1 - \beta) \mathbf{t})$$
 wobei
 
$$\beta = \beta(\|\mathbf{x}_P - \mathbf{g}\|)$$
- Ein (ungefähr) lineares  $\beta$  ergibt z.B. Partikelbahnen, die in der Nähe der bestehenden Bahn tangential dazu verlaufen, weiter weg senkrecht darauf zu

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 54

Sonst ( $\|\mathbf{x}_P - \mathbf{x}_Q\| < \|\mathbf{x}_P - \mathbf{g}\|$ ):

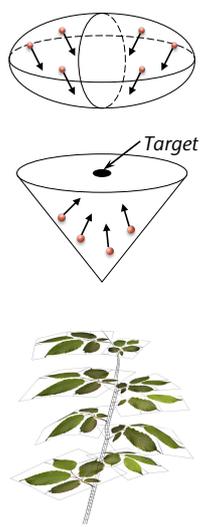
- Setze
 
$$\mathbf{v} = \frac{\mathbf{x}_Q - \mathbf{x}_P}{\|\mathbf{x}_Q - \mathbf{x}_P\|}$$
- Neue Position:
 
$$\mathbf{x}'_P = \mathbf{x}_P + \gamma \mathbf{v} + (1 - \gamma) \mathbf{w}$$
- Dicke der Adern:
  - Jedes Partikel hat Größe = Betrag der Querschnittsfläche der Ader
  - Zu Beginn: alle Partikel haben Einheitsgröße
  - Bei Verschmelzen: Größen addieren
  - Bei Auftreffen auf bestehende Bahn: Größe des Partikels zu Größe des Querschnitts der Bahn ab dem Auftreffpunkt bis zum Ziel dazuzaddieren



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 55

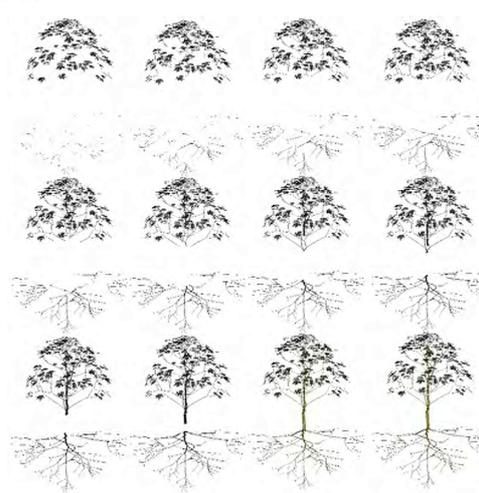
**Modellierung von Bäumen**

- Funktioniert genau gleich
- Vorgabe: Geometrie für die initialen Positionen der Partikel
  - Nur Hüllgeometrie
  - Erzeuge Partikel darin mittels stochastischem Prozeß
- Geometrie der Zweige: verbinde Kreisscheiben, die senkrecht zur Bahn entlang der Bahn platziert werden
  - "sweep a disk along the path"
- Zweig-Primitive an die Äste setzen:



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 56

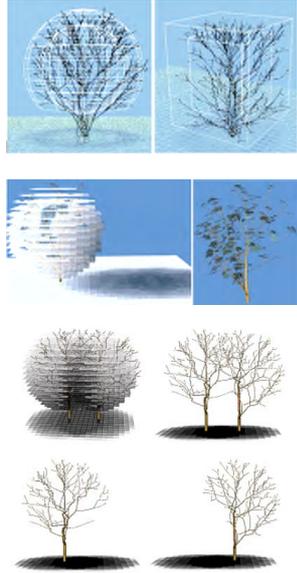
**Beispiel-Ablauf:**



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 57

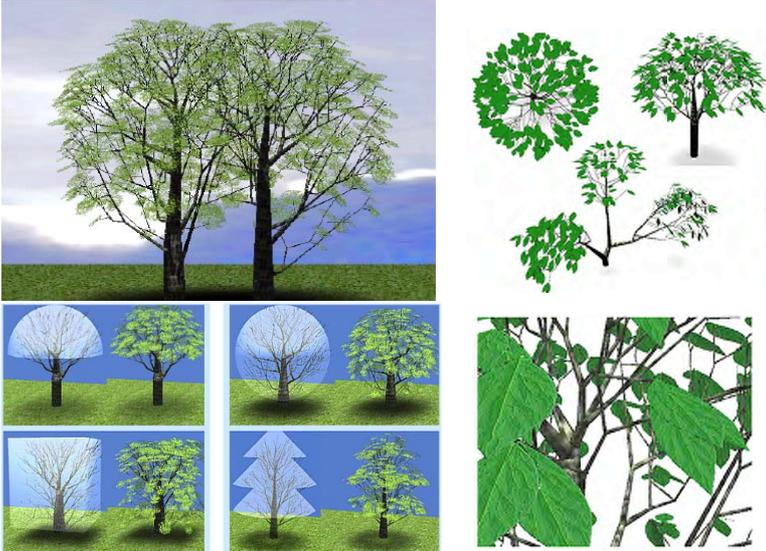
### Berücksichtigung der Lichtverhältnisse

- Beobachtung: Stellen mit weniger Licht haben weniger Zweige / Blätter
- Lässt sich relativ einfach modellieren:
  - Lege den Baum in ein Gitter
  - Approximiere die (noch nicht existierende) Blätterschicht durch eine Kugel- oder Würfelschale
  - Berechne Lichteinfall für jeden Gitterknoten durch die Schale hindurch (ray casting)
  - Bei der Partikelerzeugung: passe Wahrscheinlichkeit einer Erzeugung dem Lichteinfall an (trilinear interpolieren)



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 58

### Beispiele



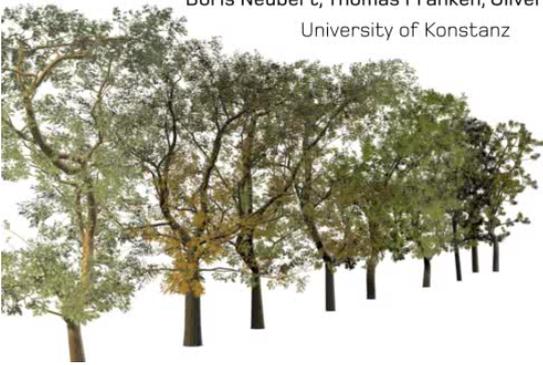
G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 59



## Videos

### Approximate Image-Based Tree Modeling using Particle Flows

Boris Neubert, Thomas Franken, Oliver Deussen  
University of Konstanz



G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 61

This slide is titled 'Videos' and features a video thumbnail. The thumbnail shows a row of several trees with varying heights and foliage colors, ranging from green to yellow. Above the thumbnail, the title 'Approximate Image-Based Tree Modeling using Particle Flows' is displayed in a grey box. Below the title, the authors 'Boris Neubert, Thomas Franken, Oliver Deussen' and their affiliation 'University of Konstanz' are listed. The slide includes a small green logo in the top-left corner and a small portrait icon in the top-right corner. The footer contains the text 'G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12' on the left and 'Partikelsysteme 61' on the right.

Historischer Video



Andre and Wally B (Pixar)

G. Zachmann Virtuelle Realität und Simulation – WS 11/12 Partikelsysteme 62